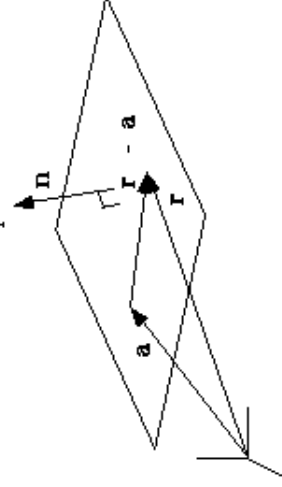


Planets ekvation

Planets ekvation

$\mathbf{a}$ är en fix ortsvektor för en punkt i planet.
 $\mathbf{n}$ är en normalvektor till planet.



$\mathbf{r}$ är en variabel ortsvektor.

$\mathbf{r}$ pekar ut en punkt i planet om och endast om skillnadsvektorn $\mathbf{r} - \mathbf{a}$ är vinkelrät mot $\mathbf{n}$.

Detta villkor innebär:

Planets ekvation på vektorform

$$(1a) \quad \mathbf{n} \cdot (\mathbf{r} - \mathbf{a}) = 0 \quad \text{eller}$$

$$(1b) \quad \mathbf{n} \cdot \mathbf{r} = p, \quad \text{där skalären } p = \mathbf{n} \cdot \mathbf{a}$$

Om $\mathbf{n} = (a, b, c)$ och $\mathbf{r} = (x, y, z)$ fås

Planets ekvation på komponentform:

$$(2) \quad ax + by + cz = p$$

Notera hur man använder skalärprodukten egenskap att vara $= 0$ då vektorena är vinkelräta.

$\mathbf{r}$ betraktas som en variabel vektor, $\mathbf{r} = (x, y, z)$, som skall uppfylla det angivna skalärproduktsvillkoret för att vara en ortsvektor för en punkt i planet.

Som för den rätta linjen behövs det två vektorer för att karakterisera ett plan:

En ortsvektor $\mathbf{a}$ för en punkt i planet och en normalvektor $\mathbf{n}$ vinkelrät mot planet.

Observera hur enkelt det är att ta fram normalvektorn $\mathbf{n}$ ur planets ekvation på komponentform!

