

# Vilket svar är rätt?

R: röd, G: grön, B: blå

1. Vilken är vänstersidoklassen  $xrH$  till delgruppen  $H = \{i, xr^3\}$  till  $G_\square$ ?

R:  $\{x, xr^2\}$ , G:  $\{xr, r\}$ , B:  $\{r^2, xr\}$

2. Vilken/a (om någon) är högersidoklass till  $\{i, y\}$  i  $G_\Delta$ ?

R:  $\{x, z, r\}$ , G:  $\{x, s\}$ , B:  $\{z, s\}$

3. Är  $\{(1\ 3), (2\ 4), (1\ 2\ 3\ 4), (1\ 4\ 3\ 2)\}$  vänstersidoklass till någon delgrupp till  $S_4$ ?

R: Ja, G: Nej, B: Beror sig på

4. Hur många olika delgrupper har  $(\mathbb{Z}_{17}, +)$ ?

R: 1, G: 2, B: 16

5. Om  $G_1, G_2$  är grupper, är  $G_1$  isomorf med en normal delgrupp till  $G_1 \times G_2$ ?

R: Ja, G: Nej, B: Beror sig på

6. Vilken/a är en ring?

R:  $(\mathbb{Z}_7, +, \cdot)$ , G:  $(\mathbb{Z}_8, +, \cdot)$ , B:  $(\mathbb{Q}, +, \cdot)$

**Svar:**

1. B, ty i  $G_{\square}$  är  $xr \cdot i = xr$ ,  $xr \cdot xr^3 = x \cdot rx \cdot r^3 = x \cdot xr^3 \cdot r^3 = x^2r^6 = r^2$ .
2. G, ty  $\{i, y\} \cdot s = \{i \cdot s, y \cdot s\} = \{s, x\}$   
(övriga inte disjunkta med  $\{x, s\}$ , den första också för stor).
3. R, ty  $(13)^{-1}\{(13), (24), (1234), (1432)\} =$   
 $= (13)\{(13), (24), (1234), (1432)\} = \{(1), (13)(24), (12)(34), (14)(23)\}$ ,  
en delgrupp till  $S_4$ .
4. G, ty  $(\mathbb{Z}_{17}, +)$  har bara de triviala delgrupperna  $\{0\}$  och sig själv (17 primtal).
5. R, ty  $G_1$  är isomorf med delgruppen  $\{(g, 1_2) \mid g \in G_1\}$  till  $G_1 \times G_2$   
( $\phi(g) = (g, 1_2)$ ) och den är normal ( $(g_1, g_2)(h, 1_2) = (g_1h, g_2)$ ,  $(h, 1_2)(g_1, g_2) = (hg_1, g_2)$ ,  
så både vänster- och högersidoklasserna för  $(g_1, g_2)$  är  $\{(g, g_2) \mid g \in G_1\}$ ).
6. RGB, de är alla tre ringar.