

Vilket svar är rätt?

R: röd, G: grön, B: blå

1. Hur skrivs permutationen $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 3 & 4 & 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$ på cykelform?

R: $(4\ 1\ 5\ 2\ 3)$, G: $(1\ 3)(2\ 4\ 5)$, B: $(3\ 1)(5\ 2\ 4)$

2. Om $\pi = (1\ 3)(2\ 4)$ och $\sigma = (2\ 4\ 3)$, vad är $\pi\sigma$?

R: $(1\ 2\ 3)$, G: $(1\ 3\ 4)$, B: $(4\ 2\ 1)$

3. Vad är $o((1\ 7\ 11\ 4\ 9)(2\ 8)(3\ 12\ 6\ 13\ 10\ 5))$?

R: 12, G: 30, B: 60

4. Om $M_\pi M_\sigma = E$ (enhetsmatrisen) är då $\sigma = \pi^{-1}$?

R: Alltid, G: Ibland, B: Aldrig

5. Vad är $p(4)$, antalet partitioner av talet 4?

R: 3, G: 4, B: 5

Svar:

1. GB, ty $1 \mapsto 3, 3 \mapsto 1, 2 \mapsto 4, \dots$ (och $3 \mapsto 1, 1 \mapsto 3, 5 \mapsto 2, \dots$).
2. G, ty $\pi\sigma(1) = \pi(1) = 3, \pi\sigma(3) = \pi(2) = 4, \pi\sigma(4) = \pi(3) = 1,$
 $\pi\sigma(2) = \pi(4) = 2.$ (Svarsförslaget R är $\sigma\pi$.)
3. G, ty permutationen har cykellängderna 5, 2 och 6,
så dess ordning är $\text{mgm}(5, 2, 6) = 30$.
4. R, ty $M_\pi M_\sigma = E = M_{id} = M_{\pi\pi^{-1}} = M_\pi M_{\pi^{-1}}$, så ($M_{\pi^{-1}}$ från vänster)
 $M_\sigma = M_{\pi^{-1}}$, så $\sigma = \pi^{-1}$ (ty $\tau \mapsto M_\tau$ är en injektion).
5. B, ty $[4], [13], [2^2], [1^2 2]$ och $[1^4]$ är alla partitioner.